

Летняя многопрофильная школа при МЦНМО

Задания вступительных испытаний. 8 класс

Дорогие поступающие! Перед выполнением работы, пожалуйста, прочтите эти правила и рекомендации:

- **Общий тест необходимо выполнить всем классам вне зависимости от профиля, который вы собираетесь выполнять в дальнейшем.**
- **Вы можете выполнять любые задания из любых предметов. Это не влияет на темы курсов, которые вы будете слушать на смене.**
- **Мы рекомендуем вам сделать упор на один предмет. Лучше решить один, но хорошо, чем много, но плохо.**
- **Задания вступительных и общего теста выполняются на отдельных листах. Листы с разными предметами отдаются разным проверяющим. Если вы напишете несколько предметов на одном листе, то проверят только один из них.**
- **На каждом листе сверху напишите предмет, класс и свой шифр. Нигде в работе не указывайте свою фамилию или другие данные о себе.**

Общий тест

На отдельном листе запишите только ответы. Решения приводить не требуется.

1. Расставьте знаки арифметических действий и скобки так, чтобы получилось верное равенство: $3\ 3\ 3\ 3\ 3 = 5$
2. Если для вчера завтра был четверг, то какой день будет вчера для послезавтра?
 - а) суббота
 - б) среда
 - в) четверг
 - г) пятница
3. Как изменится ненулевая зарплата, если ее сначала увеличить на 20%, а потом уменьшить на 20%?
 - а) не изменится
 - б) увеличится
 - в) уменьшится

г) зависит от зарплаты

4. Где образуется моча?

- а) в мочеточниках
- б) в мочевом пузыре
- в) в почках
- г) в печени

5. Что из этого является группой организмов?

- а) кетон
- б) планктон
- в) камертон
- г) гравитон

6. Выберите среди 4 утверждений 1 верное:

- а) Репа - это корнеплод
- б) У гороха есть шипы
- в) Кочаны картошки растут под землёй
- г) Жёлуди растут на соснах

7. Механическая работа - это физическая величина,

- а) Обратна пропорциональная приложенной к телу силе и пройденному телом пути
- б) Прямо пропорциональная приложенной к телу силе и обратно пропорциональная пройденному телом пути
- в) Прямо пропорциональная приложенной к телу силе и пройденному телом пути
- г) Обратна пропорциональная приложенной к телу силе и прямо пропорциональная пройденному телом пути

8. Кинетическая энергия 2 шариков, летящих с одинаковыми по модулю, но противоположными по направлению скоростями, равна:

- а) $\frac{m(v_1 - v_2)^2}{2}$
 б) $\frac{mv_1^2}{2} + \frac{mv_2^2}{2}$
 в) $\frac{mv_1^2}{2} - \frac{mv_2^2}{2}$
 г) $\frac{mv_2^2}{2} - \frac{mv_1^2}{2}$

9. Формула для сопротивления параллельно соединенных резисторов:

- а) $R_1 + R_2$
 б) $\frac{R_1 R_2}{(R_1 + R_2)^2}$
 в) $\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$
 г) $\frac{R_2 R_1}{(R_2 - R_1)^2}$

10. К какому литературному направлению относится "Капитанская дочка"?

- а) Реализм
 б) Романтизм
 в) Классицизм
 г) Сентиментализм

11. К какой языковой семье относится русский язык?

- а) Алтайская
 б) Финно-угорская
 в) Восточнославянская
 г) Индоевропейская

12. В каком году началась Вторая мировая война?

- а) 1914
 б) 1938

в) 1939

г) 1941

13. Программа, представленная ниже, состоит из цикла, который повторяется 20 раз. Внутри этого цикла находится еще один цикл, который повторяется 30 раз. Внутри этого вложенного цикла вызывается функция, которая печатает на экран "привет". Сколько раз будет напечатано слово "привет" в результате исполнения такой программы?

```
Программа:
повторить 30 раз:
  повторить 20 раз:
    напечатать("привет")
```

14. Сколько существует таких троек значений X , Y и Z , при которых значение логического выражения $(X \text{ И } Z \text{ И НЕ } Y) \text{ ИЛИ } (Z \text{ И } Y)$ равно 1. Переменные X , Y , Z могут принимать значения 0 или 1.

15. Алфавитом называют множество всех возможных символов. Например, для десятичных **цифр** алфавит - 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. Размер алфавита - количество элементов в алфавите. Например, для десятичных цифр размер алфавита - 10.

Какую минимальную длину должен иметь пароль, состоящий из символов с размером алфавита 8, чтобы быть надежнее, чем пароль длины 8 из символов с размером алфавита 16?

а) 5

б) 7

в) 8

г) 11

16. Выберите жидкое при 293,15К и 1 атм простое вещество:

а) Расплав железа

б) Ртуть

в) Серная кислота

г) Бензин

17. Наиболее известная бронза состоит из меди и

- а) Золота
- б) Цинка
- в) Олова
- г) Никеля

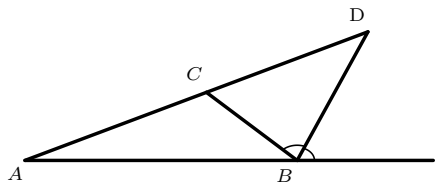
18. Если разорвать все связи в 2 молекулах O_2 , а затем посчитать все электроны на внутренних энергетических уровнях кислорода, то их будет

- а) 4
- б) 6
- в) 8
- г) 10

Математика

К задачам требуется привести решения. Ответы без решений не проверяются.

- В городе Урюпинске 15 станций метро. Может ли быть такое, что каждая из них соединена с 5-ю другими?
- Гоша поделил некоторое число на его сумму цифр с остатком. Могло ли получиться, что частное и остаток равны 2023?
- Докажите, что $AB : BC = AD : CD$.



4. Сократите дробь

$$\frac{(x^2 - 9)(x + 1)(x^2 + 3x + 9)}{(x^3 - 27)(x + 1)^2}$$

5. Арсений пошел в магазин купить апельсины, яблоки и бананы. Он хочет купить хотя бы 1 фрукт каждого вида и суммарно 15 штук. Сколькими способами Арсений может это сделать?

6. Можно ли, не отрывая карандаша от бумаги и не проводя дважды по одному отрезку, нарисовать правильный пятиугольник со всеми диагоналями?

7. Коммивояжер летал по стране. Начал он в городе А и каждый раз летел в самый удаленный город от того, в котором он находился. Известно, что он побывал хотя бы в 3 городах. Докажите, что он никогда не вернется в город А.

Информатика

При решении задач по программированию напишите код программы на любом известном вам языке программирования. Обязательно укажите, какой язык программирования вы используете. Оцените вычислительную сложность предложенного вами алгоритма.

1. Последовательность задается рекуррентным соотношением

$$\begin{cases} F_n = F_{n-1} + 2 \cdot F_{n-2} & n \geq 2 \\ F_0 = 0 \\ F_1 = 1 \end{cases}$$

Напишите программу, которая считает и выводит на экран элемент последовательности с номером N .

Формат входных данных:

В первой строке входных данных находится одно натуральное число $0 \leq N \leq 100$ - номер элемента последовательности.

Формат выходных данных:

Программа должна вывести F_N

Примеры

входные данные
6
выходные данные
21

2. Имеется массив A из $1 \leq N \leq 10^5$ чисел, $10^9 \leq A_i \leq 10^9$. К этому массиву Q раз ($1 \leq Q \leq 10^5$) применяют следующее: для каждого элемента массива от элемента L до элемента R включительно прибавляют число X . Требуется вывести этот массив после всех таких преобразований.

Формат входных данных:

На первой строке два числа N и Q . На второй строке N чисел через пробел - элементы массива. Далее Q строк, содержащих по 3 числа - L , R и X .

Формат выходных данных:

N чисел через пробел - элементы массива после применения всех операций.

Примеры:

входные данные
10 5
0 0 0 0 0 0 0 0 0
1 8 3
2 6 4
4 9 1
0 9 6
3 3 5
выходные данные
6 9 13 18 14 14 14 10 10 7

3. Решите систему логических уравнений. Переменные x_1, x_2, x_3, x_4, x_5 могут принимать значения 0 или 1. Операция \oplus - xor: $0 \oplus 0 = 1, 1 \oplus 0 = 0, 0 \oplus 1 = 1, 1 \oplus 1 = 0$.

$$\begin{cases} x_1 \oplus x_3 \oplus x_4 = 0 \\ x_1 \oplus x_4 \oplus x_5 = 1 \\ x_2 \oplus x_3 \oplus x_5 = 0 \\ x_2 \oplus x_4 \oplus x_5 = 0 \\ x_3 \oplus x_4 \oplus x_5 = 1 \end{cases}$$

4. Написать программу, позволяющую зашифровать введенный текст: Задан первоначальный массив, элементами которого являются буквы русского алфавита. Получить новый массив, в котором буквы переставлены определенным образом, и, используя его, зашифровать текстовое сообщение пользователя. Результат вывести на экран.

Рассмотрим буквы русского алфавита как массив, состоящий из 33 символов. Обозначим этот массив как $A(33)$. Каждый элемент массива - $A(x)$, где x - это номер символа в массиве, x изменяется от 1 до 33.

$$A(1) = А, A(2) = Б, \dots, A(33) = Я$$

Определим новый массив $B(33)$, полученный сдвигом $A(33)$ на 2:

$$B(x) = A((x + 2) \bmod 33)$$

где \bmod - операция взятия остатка от деления.

Зашифрованное сообщение должно для каждой буквы $A(x)$ на ее месте содержать букву $B(x)$. Например, сообщение "абв" должно быть преобразовано в сообщение "вгд".

5. Стандарт ASCII описывает кодирование текстовых символов. На кодирование одного символа отводится 1 байт. Каждому символу ставится в соответствие число.

Например, символу "а" (латинская строчная буква) ставится в соответствие число 97, а цифре "0" ставится в соответствие число 48. Будем обозначать код символа вертикальными палочками, то есть $jaj = 97$. В ASCII коды, соответствующие буквам латинского алфавита, идут подряд, то есть $jaj = 97, jbj = 98, jcj = 99 \dots jzj = 122$. Аналогично, подряд идут коды для цифр, то есть $j0j = 48, j1j = 49, j2j = 50 \dots j9j = 57$.

1. Сколько всего символов можно закодировать с помощью ASCII?
2. Предложите способ проверки, что символ является строчной латинской буквой, по коду этого символа.
3. Предложите способ перевода ASCII кода цифры в саму цифру. То есть, имея переменную со значением jLj , вам нужно получить переменную со значением 7.

6. Классификатор - программа, которая получает на вход некий объект и определяет его принадлежность к множеству. Например, классификатором является программа, определяющая, есть ли на фотографии кошка. Входом такой программы является фотография, а выходом метка класса - "да" или "нет". Метку, которую выводит классификатор, будем называть предсказанием. Таким образом, классификатор из примера разбивает фотографии на два множества - фотографии с кошками и фотографии без кошек. Классификаторы, как правило, работают неточно и могут предсказывать метку класса неверно. Для оценки качества классификатора его тестируют, используя тестовое множество объектов - множество, для каждого объекта которого заранее известны правильные метки классов. Тестирование заключается в том, чтобы подавать на вход классификатора объекты из тестового множества и сравнивать правильную метку с той меткой, которую предсказал классификатор. Чем больше предсказаний совпало с правильной меткой, тем лучше классификатор. В таблице 1 приведены все возможные результаты такого сравнения:

		Предсказанная метка	
		Да	Нет
Правильная метка	Да	TP - true positive	FP - false negative
	Нет	FP - false positive	TP - true negative

Таблица 1: Возможные результаты тестирования классификатора.

- TP - объект входит в множество. Классификатор предсказал, что он входит в множество.

- FN - объект входит в множество. Классификатор предсказал, что он **не** входит в множество.
- FP - объект **не** входит в множество. Классификатор предсказал, что он входит в множество.
- TN - объект **не** входит в множество. Классификатор предсказал, что он **не** входит в множество.

Качество классификации оценивают по метрикам - числовым значениям, которые вычисляются по результатам тестирования. Ниже представлены формулы некоторых метрик:

- Точность. Определяется как отношение верных предсказаний к общему числу предсказаний.

$$A = \frac{TP + TN}{TP + TN + FP + FN}$$

- Precision.

$$precision = \frac{TP}{TP + FP}$$

- Recall.

$$recall = \frac{TP}{TP + FN}$$

- F-score.

$$F = \frac{1}{1/precision + 1/recall}$$

В таблице 2 приведены результаты тестирования некоего классификатора. Ответьте на следующие вопросы:

1. Чему равно количество True Positive, False Positive, True Negative и False Negative предсказаний классификатора?
2. Чему равны точность и F-score классификатора?
3. Какой классификатор лучше: имеющий точность 90% или имеющий точность 50%? Объясните ваш ответ.
4. Как изменится точность классификатора, если инвертировать его предсказания (заменить все "да" на "нет", а все "нет" на "да")? Объясните ваш ответ.
5. Какой классификатор лучше: имеющий точность 10% или имеющий точность 50%? Объясните ваш ответ.

Тест №	Предсказанная метка	Правильная метка
1	Нет	Да
2	Да	Нет
3	Нет	Нет
4	Нет	Да
5	Да	Да
6	Нет	Нет
7	Нет	Да
8	Да	Да
9	Нет	Нет
10	Нет	Нет
11	Да	Да
12	Да	Да
13	Да	Да
14	Нет	Нет
15	Нет	Да
16	Нет	Нет
17	Да	Нет
18	Нет	Нет
19	Нет	Да
20	Нет	Да
21	Нет	Да
22	Да	Нет

Таблица 2: Протокол тестирования классификатора.

Биология

1. Какой орган изображен на рисунке 1? Какие функции он выполняет? Опишите особенности его строения. Какую группу веществ секретирует этот орган? Какие функции выполняют эти вещества?

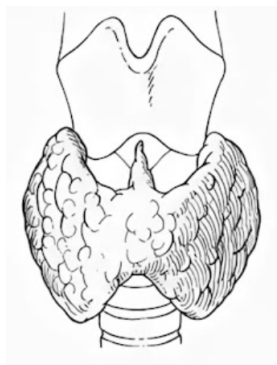


Рис. 1: К задаче 1 по биологии

2. Галлюцигении (*Hallucigenia*) — род ископаемых беспозвоночных животных из группы Ксенузий, родственной таким современным типам, как онихофоры или тихоходки. На хорошо сохранившихся ископаемых останках галлюцигений часто находят "тёмные пятна", состоящие из остатков тканей животного (обозначено буквой А на фотографии образца - рисунок 2). Химическим анализом определили, что "темное пятно" содержит металлопротеин, содержащий медь. Его формула представлена на рисунке 2. Как называется этот металлопротеин, характерный и для современных беспозвоночных? Какие у него функции? Какой цвет крови обеспечивает это соединение? Какие современные группы животных обладают таким же соединением в крови?

3. У фасоли гены В и Е определяют окраску семян. В отвечает за красную окраску, а b за желто-коричневую, но проявляется она только при наличии гена Е. При скрещивании форм фасоли с красными и желто-коричневыми семенами получили 57 красных семян, 38 белых и 58 желто-коричневых. Определите генотипы всех форм. Составьте схему скрещивания.

4. Подпишите части цветка, обозначенные на рисунке 3 цифрами. Перекрестное опыление часто оказывается эволюционно выгоднее самоопыления. Как растения приспособляются к перекрестному опылению?

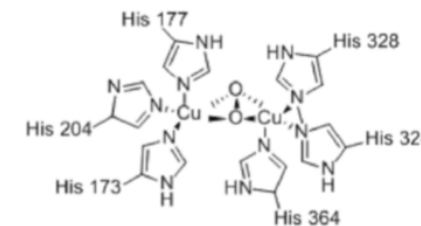


Рис. 2: К задаче 2 по биологии

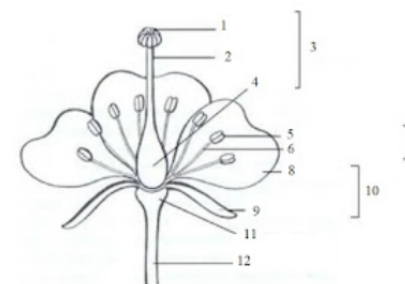


Рис. 3: К задаче 4 по биологии

5. Дайте определение старения. Чем оно отличается от определения болезни? Могут ли стареть неживые системы? Существуют ли животные, которые не стареют? Если да, то значит ли это, что они живут вечно? Приведите примеры животных-долгожителей.

6. Известно, что деятельность человека негативно влияет на биосферу. Назовите три самые значимые, на ваш взгляд, экологические проблемы на момент 2023 года. В результате каких действий человечества они возникли? Подробно опишите, в чём именно заключается их опасность. Какие меры сейчас принимаются для решения этих проблем?

7. Зрение - одно из самых важных чувств животных. Однако существуют позвоночные животные, которые обитают в условиях темноты или низкой освещенности. Назовите минимум 5 приспособлений к ночному образу жизни.

- 8.
- Что изображено на схеме (рисунок 4)? Дайте определение всей структуре.
 - Для каждой цифры подпишите, что она обозначает.
 - Какие виды ЭТОГО Вы знаете (укажите все классификации, которые знаете)? Какой вид изображен на схеме?
 - Что такое нервный импульс?
 - Опишите путь импульса по данной структуре (подробно), какие изменения в ней происходят? Для чего это нужно? Какие ионы участвуют в данном процессе и как?

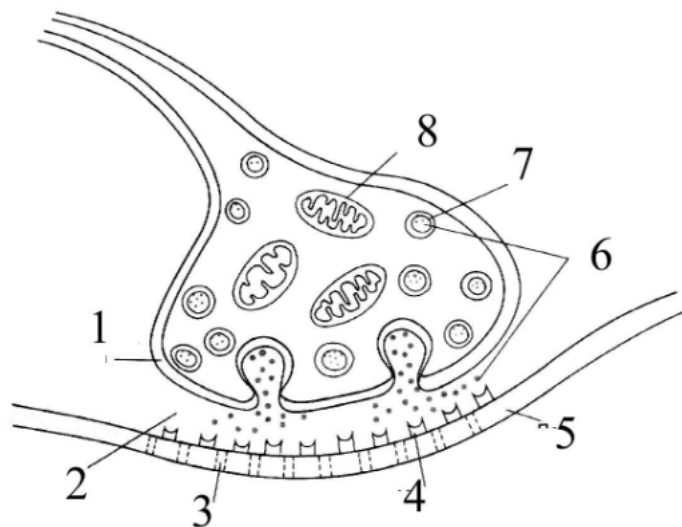


Рис. 4: К задаче 8 по биологии

9. Аспирант Георгий, анализируя последовательность генома плодовой мушки дрозофилы, открыл новый ген, функция которого неизвестна. Предложите, какие эксперименты или манипуляции помогут Георгию установить биологическую функцию этого гена? Помимо этого, напомните ему строение и функции РНК, встречающихся в клетках дрозофилы.

Химия

- Составьте формулы представленных соединений по их названиям: Оксид ванадия(V), оксид марганца(VII), гидроксид меди(II), оксид железа(III), оксид углерода(II), оксид хрома(III), гидроксид европия(III).
 - Укажите степени окисления всех элементов в следующих соединениях: N_2O_5 , $Al(OH)_3$, Na_2SO_4 , MnO_2 , $NaNH_2$, Fe_3O_4 .
- Уравняйте реакции:

$$FeS_2 + O_2 = Fe_2O_3 + SO_2$$

$$Ca_3(PO_4)_2 + SiO_2 + C = P + CO + CaSiO_3$$

$$HCl + HNO_3 = Cl_2 + NO + H_2O$$

$$Al_2O_3 + C = Al_4C_3 + CO$$

$$S + KOH = K_2SO_3 + K_2S + H_2O$$
- 10 грамм 0.1 М раствора соляной кислоты смешали с 10 граммами 1 М раствора гидроксида калия. Определите массовую долю хлорида калия в полученном растворе (плотности раствора примите равными плотностям воды).
- Химику Колбочкину для проведения эксперимента понадобился раствор хлорида никеля(II) определённой концентрации. Он нашёл в лаборатории раствор хлорида никеля с концентрацией 0.01 М, мерным цилиндром отмерил 100 мл этого раствора, перелил в стакан, упарил раствор досуха на плитке и затем долил в стакан ещё 15 мл исходного раствора. Раствор какой концентрации приготовил Колбочкин?
- Отметьте, в каких предложениях сера упоминается как элемент, а в каких – как простое вещество:
 - Сера входит в состав некоторых аминокислот.
 - Сера – это порошок жёлтого цвета, который не смачивается водой.
 - Молекула сероводорода состоит из двух атомов водорода и одного атома серы.
 - Существует три аллотропных модификации серы – ромбическая, моноклинная и пластическая.
 - Серу применяют для вулканизации каучука.
 - Отметьте, в каких предложениях галлий упоминается как элемент, а в каких – как простое вещество:

1. Галлий — мягкий хрупкий металл серебристо-белого цвета с синеватым оттенком.
2. Существование галлия было научно предсказано Д.И.Менделеевым.
3. Чистый галлий плавится на руке человека.
4. Галлием заполняют термометры (вместо ртути) для измерения высоких температур.
5. В состав полупроводниковых материалов часто входит галлий.

Физика

1. На полу стоят два одинаковых ящика, и между ними вставлена палка, немного не достигающая до пола. К верхнему концу палки приложена горизонтальная сила F . Какой из ящиков сдвинется раньше?

2. В два цилиндрических сосуда, сообщающихся друг с другом тонкой трубкой, налита вода. Площадь поперечного сечения левого сосуда равна $2S$, а правого — S . В левый сосуд помещают деревянный брусок, масса которого m , так, что брусок не касается стенок сосуда. На сколько сантиметров изменится уровень воды в левом и правом сосудах? Плотность воды 1 г/см^3 , плотность материала бруска — $0,5 \text{ г/см}^3$.

3. Во сколько раз изменятся показания идеального амперметра на рисунке 5 при замыкании ключа? Напряжение считать постоянным.

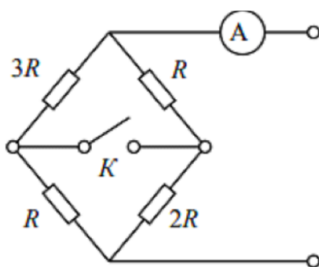


Рис. 5: К задаче 3 по физике

4. За 1 минуту электрический чайник нагревает 1 литр воды на 10 градусов. За какое время нагреются до кипения 500 г воды с примесью 500 г льда? Потерями теплоты можно пренебречь. Плотность воды 1000 кг/м^3 .

5. В теплоизолированном цилиндрическом сосуде с поршнем сверху находится смесь воды со льдом при температуре $t = 0 \text{ С}$. Площадь поршня $S = 100 \text{ см}^2$. Смесь начинают нагревать с постоянной мощностью $P = 4 \text{ кВт}$. В какую сторону будет двигаться поршень? Найти скорость движения поршня V .

6. Стержень состоит из двух соединенных торцами однородных цилиндрических стержней одного и того же сечения, но разной длины и плотности, причем плотность правого стержня больше, чем левого. Если отрезать от левого стержня часть, равную половине его длины, то масса всего стержня уменьшится на 10%. Как бы изменилась масса всего стержня, если, не изменяя длины левого стержня, отрезать от правого часть, равную половине его длины?

Гуманитарные науки

Здравствуйте! Вам предстоит написать вступительный экзамен кафедры гуманитарных наук. Задания экзамена относятся к разным дисциплинам, выполнять их можно в любом порядке. Мы советуем в первую очередь обратить внимание на задания тех дисциплин, в которых вы чувствуете себя наиболее уверенно. Мы не требуем выполнения всех задач, содержащихся в экзамене. К каждой задаче следует относиться как к возможности проявить свои знания и навыки.

1. Перед вами слова на польском языке и их русские переводы в изменённом порядке: *caly, potężny, dać, wiecha, rębacz, wąż, magnateria, wąski, ciało, rączny, wędkarz, ucieszny*; *веать, веха, вещество, целый (=весь), сильный, забавный, змея, узкий, знать (=дворяне), дровосек, ручной, рыбак.*

Задание. Определите перевод каждого слова. Свой ответ объясните.

2. Какой источник права является основным в Российской Федерации? Верны ли следующие утверждения? Свой ответ объясните.

а) “Все законы в РФ имеют равную юридическую силу.”

б) “Высшей ценностью Конституция РФ провозглашает права человека.”

в) “Гражданство РФ приобретается с получением паспорта.”

г) “Единственным источником власти в РФ является ее многонациональный народ.”

3.

Ваня, Ваня, Ваня, Ваня

Иван, Иван, Иван, Иван

Ванечка, Ванечка, Ванечка, Ванечка

Ванюша, Ванюша, Ванюша, Ванюша

Иоанн, Иоанн, Иоанн, Иоанн

Даны пять строк, соответствующие пяти основным стихотворным размерам. Назовите эти размеры. По образцу этих сочините сами или вспомните из русской поэзии примеры стихотворных строк (хватит одной или двух) на каждый из них (количество стоп, т. е. повторений пар или троек слогов, может отличаться).

4. Проанализируйте лирическое стихотворение. Ваша работа должна представлять собой связный текст. При выполнении обратите внимание на звуковую ор-

ганизацию, ритмику, рифмовку, строфику, композицию, средства художественной выразительности, образный ряд, переключки с другими произведениями и т. д. или на принципиальное, художественно значимое отсутствие одного или нескольких из перечисленных элементов.

Иосиф Бродский

Пилигримы

Мимо ристалищ, капищ,
 мимо храмов и баров,
 мимо шикарных кладбищ,
 мимо больших базаров,
 мира и горя мимо,
 мимо Мекки и Рима,
 синим солнцем палимы,
 идут по земле пилигримы.
 Увечны они, горбаты,
 голодны, полуодеты,
 глаза их полны заката,
 сердца их полны рассвета.
 За ними поют пустыни,
 вспыхивают зарницы,
 звезды горят над ними,
 и хрипло кричат им птицы:
 что мир останется прежним,
 да, останется прежним,
 ослепительно снежным,
 и сомнительно нежным,
 мир останется лживым,
 мир останется вечным,
 может быть, постижимым,
 но все-таки бесконечным.
 И, значит, не будет толка
 от веры в себя да в Бога.
 . . . И, значит, остались только
 иллюзия и дорога.
 И быть над землей закатам,
 и быть над землей рассветам.
 Удобрить ее солдатам.
 Одобрить ее поэтам.

5. Задание представляет собой анализ визуального источника (рисунок 6 на сле-

дующей странице). Выберите все верные утверждения, свой выбор объясните.

1. Социологический феномен, который отражается в данном изображении, основывается на теории бюрократии М.Вебера.
2. На картинке изображен маскот крупнейшей в мире компании, которая распространилась благодаря системе лицензирования.
3. Данный феномен не имеет шанса противостоять новым принципам постмодернистского общества, что ограничивает его распространение.
4. Система организации труда в данной компании построена по принципам, разработанным Г.Фордом, при этом принципиально отличается от системы Ф.Тейлора.
5. Автор иллюстрируемого феномена подробно анализирует его только в рамках экономической системы, утверждая, что на другие сферы общественной жизни он влияет исключительно негативно.
6. Система, построенная в рамках данной компании, стала олицетворением американской модели менеджмента.
7. Автор термина, описывающего данный феномен, подчеркивает его неоднозначность и противоречивость, выявляя те же принципы рациональности в событиях времен Второй Мировой войны.
8. Феномен характеризуется распространением «точек» данной компании, социологи не включают иные организации в данный процесс.
9. Иллюстрируемый процесс является частью еще одного, гораздо большего процесса, происходящего во всем мире.
10. Данный процесс запустился в последнее десятилетие и уже охватил всю планету.



Рис. 6: К задаче 5 по гуманитарным наукам

6. Ответьте на вопрос связным текстом. Какие исторические, социальные, культурные факторы привели к восстанию декабристов, и какие последствия оно имело для России?

7. Ответьте на вопрос связным текстом. Что такое справедливость? Какие существуют виды справедливости, для каких социальных, политических, философских теорий они характерны?

8. Выберите одну из тем. Напишите по ней эссе. Рекомендуемый объем эссе - 200 слов. Удачи!

1. «Не быть подчиненным никакому закону значит быть лишенным самой спасительной защиты, ибо законы должны нас защищать не только от других, но и от себя самих.». (Г.Гейне)
2. «Язык есть не оконченное дело или вещь, а деятельность, живая деятельность человеческого духа, единая энергия народа.». (В.Гумбольдт)
3. «Истина и ложь суть атрибуты речи, а не вещей. Там, где нет речи, нет ни истины, ни лжи». (Томас Гоббс)

Экономика

1. Функция полезности индивида А от потребления двух товаров x и y , на которые он тратит весь свой доход, равна $u = x^2y + 8y$. Однако товар y таков, что его можно купить только в количестве 2 или 3, т.е. $y \in \{2, 3\}$; товар x бесконечно делим. Известно, что, максимизируя свою полезность, индивид А купил 2 единицы y . Оцените, в каких пределах может лежать его доход I , если цены на эти товары $p_x = 5, p_y = 10$.

2. Игрок имеет полезность от обладания деньгами, равную $U(x) = x + \frac{p}{x}$, где x – сумма денег, которая у него есть. Определите максимальную цену, которую он готов будет заплатить за лотерею

$$L = \begin{cases} r = 1, & \text{с вероятностью } \frac{1}{2} \\ r = 8, & \text{с вероятностью } \frac{1}{2} \end{cases}$$

, если его сбережения на текущий момент равны 4.

Опишите его отношение к риску (склонен, не склонен, нейтрален). (Подсказка: если не хотите решать уравнение, то угадайте корень и докажите единственность)

3. Иногда можно заметить крайне странную рекламу. Объясните, почему такие странные на первый взгляд рекламы встречаются в указанных местах:

1. На одной из башен в Москоу-сити есть реклама компании BORK (кухни и бытовая техника). Как можно догадаться, такое рекламное место стоит бешеные суммы.

2. На горнолыжных курортах есть реклама дорогих спортивных автомобилей: Audi, Porsche и прочее. Но ведь люди, которые едут на курорт, не будут там покупать машину.

3. В интернете можно увидеть рекламу телеканалов. Но ведь это прямые конкуренты интернету, разве пользователи интернета будут смотреть телевизор?

4. Аукционом второй цены, или аукционом Викри, называется следующий тип аукциона: участники в закрытых конвертах передают организатору свои ставки; побеждает тот, кто указал наибольшую ставку, но он платит цену, равную по величине второй ставке. Пусть вы участвуете в таком аукционе и оцениваете лот в сумму P . Опишите вашу оптимальную стратегию в зависимости от ставок других участников и докажите, что она действительно является оптимальной.